С.П. Смышляев, Т.С. Ермакова, С.В. Мостаманди, А.Р. Курганский

МОДЕЛИРОВАНИЕ ТРАНСФОРМАЦИИ ХИМИЧЕСКИ АКТИВНЫХ ПРИМЕСЕЙ АТМОСФЕРЫ В РЕГИОНАЛЬНОМ МАСШТАБЕ

S.P. Smyshlyaev, T.S. Ermakova, S.V. Mostamandi, A.R. Kurgansky

CHEMICAL ATMOSPHERIC GASES TRANSFORMATION MODELING FOR REGIONAL SCALE

Создана новая химическая схема трансформации химически активных малых газовых составляющих атмосферы в региональном масштабе. Схема основывается на списке химических газов атмосферы, имеющих времена жизни, соответствующие временным и пространственным масштабам региональной изменчивости. В схему включены процессы фотодиссоциации и химические реакции, скорости которых оцениваются на основе принципов химической кинетики. На основе оценки скоростей химических реакций оцениваются времена жизни и характерные времена трансформации малых газов нижней атмосферы.

Ключевые слова: химические реакции, атмосферные малые газы, химическое время жизни, химическая кинетика.

A new chemical scheme to trace gases evolution in the atmosphere has been created for regional scale. The scheme is based on the list of chemically active atmospheric gases and estimation of their chemical lifetime to compare with the regional space and temporal evolution. The scheme made of photodissociation processes and chemical reactions, which rates are calculated based on the chemical kinetics rules. These rate estimations are used to evaluate the chemical lifetime and time of transformation for the atmospheric trace gases. Keywords: chemical reactions, atmospheric trace gases, chemical lifetime.

Введение

Сердцем системы контроля и прогноза газового состава воздуха является схема учитываемых в ней химических процессов. Эта схема включает в себя, во-первых, создание списка первичных, т.е. химически активных примесей геосферы, попадающих в нее непосредственно в результате природных и антропогенных процессов, во-вторых, определение вторичных химических составляющих геосферы, т.е. примесей, образующихся в результате трансформации первичных загрязнителей, в-третьих, определение списка важных для рассматриваемого региона химических реакций трансформации первичных и вторичных загрязнителей и, в-четвертых, задания параметров, необходимых для оценки скоростей учитываемых химических реакций.

При теоретическом моделировании процессов, определяющих распределение и изменчивость химически активных примесей атмосферы в региональном масштабе, необходимо принимать во внимание особенности маломасштабных эффектов. Во-первых, при исследовании региональных процессов целесообразно использовать модельную сетку более высокого разрешения, чем для глобальной модели. Во-вторых, для региональной модели во многих случаях нет необходимости учитывать сферичность и достаточно проводить расчеты в декартовой системе координат. В-третьих, при исследовании региональных особенностей изменчивости химически активных примесей атмосферы имеет смысл ограничиваться синоптическим периодом, т.е. порядка недели, для модельных расчетов, так как на более длительных временных интервалах начинают сказываться глобальные эффекты. В-четвертых, необходимо предусмотреть стыковку глобальной и региональной моделей для учета взаимного влияния процессов разного масштаба. Наконец, нужно учитывать региональные особенности атмосферных химических процессов и принимать во внимание соотношение химических времен жизни исследуемых газов и временных масштабов моделирования. Целью настоящей работы как раз и является разработка схемы химических процессов, влияющих на изменчивость малых газовых составляющих атмосферы в региональном масштабе.

Особенности атмосферных химических процессов в региональном масштабе

Предметом исследования изменчивости химического состава атмосферы в региональном масштабе, как правило, является качество воздуха, т.е. содержание химически активных примесей атмосферы в пограничном слое атмосферы [9]. Содержание газов в приземном слое атмосферы определяет условия для комфортного существования человека, других биологических организмов и растений. Среди примесей, определяющих качество приземного воздуха, можно выделить первичные составляющие, попадающие в атмосферу непосредственно с земной поверхности, и вторичные примеси, образующиеся в атмосфере в результате химических реакций с участием первичных газовых загрязнителей [7]. Многие атмосферные газы могут иметь как первичную, так и вторичную природу попадания в приземный слой [4]. Контроль содержания первичных загрязнителей атмосферы осуществляется путем инвентаризации их поверхностных источников в зависимости от географического положения и временной изменчивости, а также оценки скорости их химического и физического разрушения в атмосфере [6]. Для оценки содержания вторичных загрязнителей приземного слоя атмосферы необходимо рассчитывать скорости их химического образования и разрушения в атмосфере на основе задания схемы химических реакций, важных для регионального масштаба.

Среди вторичных газов, определяющих качество воздуха в региональном масштабе, важнейшими компонентами являются озон, гидроксильные радикалы и окислы азота [9]. При этом окислы азота могут иметь и первичные источники, т.е. попадать в атмосферу с земной поверхности [1]. Содержание озона и окислов азота в приземном слое определяет токсичные свойства воздуха, а гидроксильные радикалы являются основными окислителями первичных загрязнителей и от их содержания зависит самоочищающая способность атмосферы в регионе исследования [5].

Для местной продукции озона и гидроксильных радикалов основное значение имеет влияние первичных химических загрязнителей атмосферы и, прежде всего, летучих органических компонентов (ЛОК) неметановой группы в совокупности с процессами окисления метана и окиси углерода [2]. Для решения задач загрязнения атмосферы в зонах с интенсивными выбросами ЛОК необходимо учитывать детали

химической трансформации каждого компонента ЛОК, которых насчитывается несколько десятков. Соответственно, количество химических реакций в схеме модели возрастает до нескольких сотен [3]. Использование сложных химических схем региональных химических процессов, а также их частичных упрощений возможно в региональных моделях химической погоды, однако для многих региональных задач контроля качества воздуха, а также учебных целей можно использовать упрощенную схему региональной химии атмосферы, которая предлагается в настоящей работе.

Если обозначить за RH обобщенный компонент группы ЛОК, который содержит углеродную группу R и водород H, то начало процесса окисления этого компонента, по аналогии с метаном, начинается с реакций с гидроксильным радикалом:

$$\mathbf{R}\mathbf{H} + \mathbf{O}\mathbf{H} \to \mathbf{R} + \mathbf{H}_{2}\mathbf{O},\tag{1}$$

которая сопровождается реакцией рекомбинации с молекулярным кислородом с образованием алкального пероксирадикала RO₂

$$\mathbf{R} + \mathbf{O}_2 + \mathbf{M} \to \mathbf{R}\mathbf{O}_2 + \mathbf{M}.$$
 (2)

Алкальный пероксирадикал может реагировать с окисью азота по двум возможным каналам реакции:

$$\mathrm{RO}_2 + \mathrm{NO} \to \mathrm{RO} + \mathrm{NO}_2,$$
 (3)

$$RO_2 + NO + M \rightarrow RONO_2 + M,$$
 (4)

$$NO_2 + hv \rightarrow NO + O.$$
 (5)

Реакция (3) ведет, с одной стороны, к образованию двуокиси азота, которая в дальнейшем, в результате фотолиза (5) приводит к образованию атомарного кислорода, озона и может способствовать дополнительному образованию гидроксильных радикалов. Реакция (4) ведет к образованию резервуарной компоненты и может рассматриваться как прерывание цепочки окисления компоненты ЛОК. Значимость этой реакции по сравнению с другим каналом (3) возрастает по мере увеличения размера углеродного радикала R, т.е. количества углеродных связей в нем. Другой продукт реакции (3) алкокси радикал RO может реагировать с молекулярным кислородом, образуя карбонил за счет отщепления атома водорода:

$$RO + O_2 \rightarrow R'CHO + HO_2,$$
 (6)

$$HO_2 + NO \rightarrow OH + NO_2. \tag{7}$$

77

МЕТЕОРОЛОГИЯ

Для легких компонентов ЛОК реакция (6) может означать конец цепочки окисления. При этом пероксиводородный радикал HO_2 может дальше реагировать с окисью азота по реакции (7) с формированием двуокиси азота. Таким образом, в результате цепочки окисления одного компонента летучих органических компонентов может образовываться две молекулы озона, могущие дальше приводить к формированию гидроксильных радикалов и влиять на время жизни метана и окиси углерода.

Для более тяжелых компонентов ЛОК, имеющих большее количество углеродно-водородных связей, карбонил может дальше окисляться, по типу окисления формальдегида в цепочке окисления метана и образовывать дополнительные молекулы пероксиводородного радикала, озона, возбужденного атомарного кислорода и гидроксильных радикалов. Однако для целей данного проекта рассмотрение дальнейшего окисления продуктов ЛОК существенно усложнит модель, но не приведет к значительному изменению оценок при рассмотрении упрощенной схемы без рассмотрения окисления карбонила.

Процесс окисления компонентов ЛОК может прерваться, если вместо взаимодействия с окисью азота пероксиводородный радикал будет взаимодействовать с другой такой же молекулой с образованием перекиси водорода по реакции или с алкальным пероксирадикалом

$$\mathrm{HO}_2 + \mathrm{HO}_2 \to \mathrm{H}_2\mathrm{O}_2 + \mathrm{O}_2, \tag{8}$$

$$HO_2 + RO_2 \rightarrow ROOH + O_2,$$
 (9)

а также при рекомбинации гидроксильного радикала с двуокисью азота с образованием паров азотной кислоты:

$$OH + NO_2 + M \rightarrow HNO_3 + M.$$
(10)

Образующиеся при этом резервуарные компоненты могут вымываться из атмосферы, прекращая процесс окисления компонентов ЛОК.

Соотношение между путями окисления летучих органических компонентов с образованием атомарного кислорода, озона и гидроксильных радикалов (реакции 1-3, 5, 6) или с образованием резервуаров и выводом ЛОК из атмосферы (реакции 8, 9, 10) в модели определяется автоматически в зависимости от локальных условий освещения, содержания ЛОК, метана, окиси углерода, влажности воздуха, температуры, скоростей ветра и других условий.

Кроме включения в химическую схему региональной модели состава атмосферы обобщенной цепочки окисления летучих органических компонентов в региональной версии исключены из рассмотрения хлорные и бромные газовые составляющие, т.к. их основное влияние на газовый состав атмосферы ощущается на высотах стратосферы. Общая схема газов, реакций и процессов фотолиза региональной модели приведена в табл. 1-5.

Таблица 1

Номер газа	Газ	Химическое время жизни
1	Ox=O+O3+O(1D)	Долгоживущий
2	NOy	Долгоживущий
3	СО	Долгоживущий
4	H2	Долгоживущий
5	CH4	Долгоживущий
6	N20	Долгоживущий
7	RH	Долгоживущий
8	HNO3	Среднеживущий
9	H2O	Долгоживущий
10	CO2	Долгоживущий
11	0	Маложивущий
12	O(1D)	Маложивущий
13	O3	Маложивущий
14	N	Маложивущий
15	NO	Среднеживущий
16	NO2	Среднеживущий
17	NO3	Среднеживущий
18	N2O5	Среднеживущий
19	HO2NO2	Среднеживущий
20	Н	Маложивущий
21	ОН	Маложивущий
22	HO2	Маложивущий
23	H2O2	Маложивущий
24	CH3	Маложивущий
25	CH3O	Маложивущий
26	CH3O2	Маложивущий
27	СНЗООН	Среднеживущий
28	НСО	Маложивущий
29	H2CO	Маложивущий
30	RO2	Маложивущий
31	ROOH	Маложивущий
32	N2	Долгоживущий
33	02	Долгоживущий
34	М	Долгоживущий

Газы, учитываемые в региональной модели химического состава атмосферы

Таблица 2

-			
Бимолекулярные химические	реакнии	региональной	молели
	P	P	

Номер	Химическая реакция	А	E/R
1	$O + O3 \rightarrow O2 + O2$	8.00E-12	2060
2	$O(1D) + N2 \rightarrow O + N2$	1.80E-11	-110
3	$O(1D) + O2 \rightarrow O + O2$	3.20E-11	-70
4	$O(1D) + O3 \rightarrow O2 + O2$	1.20E-10	0
5	$H2O + O(1D) \rightarrow OH + OH$	2.20E-10	0
6	$H2 + O(1D) \rightarrow OH + H$	1.10E-10	0
7	CH4 + O(1D) → CH3 + OH	1.364E-10	0
8	CH4 + O(1D) → H2 + H2CO	1.364E-11	0
9	$H + O3 \rightarrow OH + O2$	1.40E-10	470
10	$H2 + OH \rightarrow H2O + H$	5.50E-12	2000
11	$OH + O3 \rightarrow HO2 + O2$	1.60E-12	940
12	$OH + O \rightarrow H + O2$	2.20E-11	-120
13	OH + OH → H2O + O	4.20E-12	240
14	$HO2 + O \rightarrow OH + O2$	3.00E-11	-200
15	$HO2 + O3 \rightarrow OH + O2$	1.10E-14	500
16	$H + HO2 \rightarrow OH + OH$	7.00E-11	0
17	$OH + HO2 \rightarrow H2O + O2$	4.80E-11	-250
18	HO2 + HO2 → H2O2 + O2	2.30E-13	-600
19	$HO2 + HO2 \rightarrow H2O2 + O2$	2.30E-13	-600
20	OH + H2O2 → H2O + HO2	2.90E-12	160
21	$NO + O3 \rightarrow NO2 + O2$	2.00E-12	1400
22	$NO + HO2 \rightarrow OH + NO2$	3.50E-12	-250
23	$NO2 + O \rightarrow NO + O2$	6.50E-12	-120
24	$NO2 + O3 \rightarrow NO3 + O2$	1.20E-13	2450
25	$NO3 + O \rightarrow O2 + NO2$	1.00E-11	0
26	$NO + NO3 \rightarrow NO2 + NO2$	1.50E-11	-170
27	HNO3 + OH → NO3 + H2O	7.20E-15	-785
28	OH + HO2NO2 → H2O + NO2	1.30E-12	-380
29	$H + HO2 \rightarrow H2 + O2$	7.40E-12	0.
30	$H + HO2 \rightarrow H2O + O$	3.30E-12	0
31	$\overline{\text{CO} + \text{OH}} \rightarrow \text{CO2} + \text{H}$	1.50E-13	0
32	CH4 + OH → CH3 + H2O	2.45E-12	1775
33	H2CO + OH → H2O + HCO	1.00E-11	1680
34	H2CO + O → HCO + OH	3.40E-11	0
35	$HCO + O2 \rightarrow CO + HO2$	3.50E-12	30

УЧЕНЫЕ ЗАПИСКИ № 29

Номер	Химическая реакция	А	E/R
36	CH3O + O2 → H2CO + HO2	3.90E-14	-140
37	CH3O2 + NO → CH3O + NO2	4.20E-12	900
38	CH3O2 + HO2 → CH3OOH + O2	3.80E-13	-180
39	OH + CH3OOH → H2O + CH3O2	2.70E-12	-800
40	$N + O2 \rightarrow NO + O$	1.50E-11	1400
41	$N + NO \rightarrow N2 + O$	2.10E-11	3600
42	$N + NO2 \rightarrow N2O + O$	5.80E-12	-110
43	$O + H2O2 \rightarrow OH + HO2$	1.40E-12	-220
44	$N2O + O(1D) \rightarrow NO + NO$	6.70E-11	2000
45	$N2O + O(1D) \rightarrow N2 + O2$	4.90E-11	0
46	$RH + OH \rightarrow R + H2O$	2.63E-11	0
47	$RO2 + NO \rightarrow RO + NO2$	7.70E-12	0
48	RO + O2 → R'CHO + HO2	3.90E-14	-140
49	$RO2 + HO2 \rightarrow ROOH + O2$	5.20E-12	0

Таблица З

Трехмолекулярные реакции региональной модели

Номер реакции	Реакция	K0	N	K∞	М
50	$O + O2 \rightarrow O3 + M$	6.00E-34	2.30	0.00 E+00	0
51	$H + O2 \rightarrow HO2 + M$	5.70E-32	1.60	7.50E-11	0
52	$OH + NO2 \rightarrow HNO3 + M$	2.50E-30	4.4	1.60E-11	1.7
53	HO2+NO2→HO2NO2+M	1.80E-31	3.2	4.70E-12	1.4
54	NO2 +NO3 → N2O5 +M	2.20E-30	3.9	1.50E-12	0.7
55	$CH3 + O2 \rightarrow CH3O2 + M$	4.50E-31	3.0	1.80E-12	1.7
56	$OH + OH \rightarrow H2O2 + M$	6.20E-31	1.0	2.60E-11	0
57	$NO2 + O \rightarrow NO3 + M$	9.00E-32	2.0	2.20E-11	0
58	$NO + O \rightarrow NO2 + M$	9.00E-32	1.5	3.00E-11	0
59	$O(1D) + N2 \rightarrow N2O + M$	3.50E-37	0.6	0.00 E+00	0

Таблица 4

Реакции мономолекулярного распада региональной модели

Номер	Реакция					
60	N2O5+M→NO2+NO3	8.148E-04	11000	3.9	5.556E+14	0.7
61	$HO2NO2 + M \rightarrow HO2 + NO2$	8.570E-05	10900	3.2	2.24E+15	1.4

Таблица 5

r i i i i i i i i i i i i i i i i i i i	1		
DOMODAL I	the second secon	DODUOIDO TI HON	MOTOTI
 poneeee		permonenterion	

Номер процесса	Процесс
1	$O2 \rightarrow O + O$
2	$O3 \rightarrow O2 + O(1D)$
3	$O3 \rightarrow O2 + O$
4	H2O→H+OH
5	HO2→O+OH
6	H2O2 → OH + OH
7	$N2O \rightarrow N2 + O$
8	$NO \rightarrow N + O$
9	NO2 → NO + O
10	$NO3 \rightarrow NO2 + O$
11	$NO3 \rightarrow NO + O2$
12	N2O5 → NO2 + NO3
13	HNO3 → OH + NO2
14	HO2NO2→OH + NO3
15	HO2NO2→HO2+NO2
16	H2CO→HCO+H
17	$H2CO \rightarrow H2 + CO$
18	ROOH → RO + OH

Моделирование переноса газовых примесей в региональном масштабе

При численном моделировании переноса газовых составляющих в региональном масштабе важно использовать схемы переноса, обеспечивающие локальное сохранение массы, в отличие от глобального сохранения, которое важно в глобальном масштабе и которое обеспечивается в глобальных моделях состава атмосферы [9].

В этой связи в разработанной региональной модели состава атмосферы использовалась другая численная схема адвективного переноса малых газовых составляющих. Эта схема основывается на сохранении собственно массы в каждом объеме сеточных ячеек, градиентов массы и вторых моментов массы [4]. Это означает, что при рассмотрении переноса массы атмосферного газа по каждому из трех направлений учитывается не только перемещение его массы из бокса в бокс, но и изменение его первых моментов распределения, описывающих изменчивость массы газа от бокса к боксу, и вторых моментов, описывающих изменение скорости переноса массы от бокса к боксу. Учет этих моментов важен, в связи с тем, что при переносе части массы ячейки в соседний бокс необходимо учитывать изменчивость массы внутри объема. В частности, первый момент в меридиональном направлении для *i*-го бокса определяется как

$$\left(S_{y}\right)_{i} = \frac{S_{i+1} - S_{i}}{2}.$$
(11)

Тогда при переносе части массы бокса
 iв боксi+1за время
 Δt доля перемещаемой массы α выражается как

$$\alpha = \frac{V\Delta t}{M_i},\tag{12}$$

а изменение массы газа и его моментов будет:

$$\Delta S_{i+1} = \alpha S_i + \alpha (1 - \alpha) (S_y)_i,$$

$$(\Delta S_y)_{i+1} = \alpha^2 (S_y)_i,$$

$$(\Delta S_x)_{i+1} = \alpha (S_x)_i,$$

$$(\Delta S_z)_{i+1} = \alpha (S_z)_i.$$
(13)

В результате масса воздуха в момент времени $t + \Delta t$ в этих боксах будет

$$M_{i+1}^{t+\Delta t} = M_{i+1} + V_i \Delta t,$$

$$M_i^{t+\Delta t} = (1-\alpha) \cdot M_i,$$
(14)

а масса рассматриваемого газа:

$$S_{i+1}^{t+\Delta t} = S_{i+1} + \Delta S,$$

$$S_i^{t+\Delta t} = S_i - \Delta S,$$
(15)

и моменты

$$\begin{pmatrix} S_{y}^{t+\Delta t} \\ y \end{pmatrix}_{i+1} = \frac{M_{i+1} \begin{pmatrix} S_{y} \\ y \end{pmatrix}_{i+1} + \alpha M_{i} \Delta S_{y} + 3 \begin{pmatrix} \alpha S_{i+1} M_{i} - M_{i+1} \Delta S \end{pmatrix}}{M_{i+1} + \alpha M_{i}},$$

$$\begin{pmatrix} S_{y}^{t+\Delta t} \\ z \end{pmatrix}_{i} = (1-\alpha)^{2} \begin{pmatrix} S_{y} \\ y \end{pmatrix}_{i},$$

$$\begin{pmatrix} S_{x}^{t+\Delta t} \\ z \end{pmatrix}_{i+1} = \begin{pmatrix} S_{x} \\ z \end{pmatrix}_{i+1} + \Delta S_{x},$$

$$\begin{pmatrix} S_{x}^{t+\Delta t} \\ z \end{pmatrix}_{i} = (1-\alpha) \begin{pmatrix} S_{x} \\ z \end{pmatrix}_{i},$$

$$\begin{pmatrix} S_{z}^{t+\Delta t} \\ z \end{pmatrix}_{i+1} = \begin{pmatrix} S_{z} \\ z \end{pmatrix}_{i+1} + \Delta S_{z},$$

$$\begin{pmatrix} S_{z}^{t+\Delta t} \\ z \end{pmatrix}_{i} = (1-\alpha) \begin{pmatrix} S_{z} \\ z \end{pmatrix}_{i}.$$
(16)

Следует заметить, что описанная процедура перемещения массы воздуха с содержащимися в ней малыми газами относится только к границе между i и i+1 боксами. Происходящий одновременно обмен массой между i+1 и i+2 и i-1 и i и так далее должен рассматриваться со значениями M и S, относящимися к моменту времени t, а не $t + \Delta t$.

Используемый метод переноса с сохранением не только массы (нулевых моментов) газов, но и их изменчивости (первых моментов) позволил более правильно по сравнению с обычным Эйлеровым методом [2] описать перенос газов со значительными пространственными градиентами концентраций, что довольно часто наблюдается в атмосфере. Приведенные формулы для переноса в меридиональном направлении последовательно применялись и в зональном и вертикальном направлениях с изменением индексов в 3-мерных уравнениях баланса газовых примесей.

По итогам проведенных модельных экспериментов по валидации региональной модели состава атмосферы можно сделать вывод об адекватности воспроизведения моделью процессов химической трансформации примесей с локализованными источниками. Результаты модельных расчетов показали, что процесс регионального переноса примеси от удаленных источников может оказать влияние на их содержание в районе мониторинга, увеличивая их концентрации на фоне местных источников.

Работа выполнена в Российском государственном гидрометеорологическом университете при поддержке Министерства образования и науки Российской Федерации в рамках мероприятий Федеральной целевой программы «Научные и научно-педагогические кадры инновационной России» на 2009-2013 годы (соглашение 14.В37.21.0587), а также в рамках гранта Правительства РФ (Договор №11.G34.31.0078) для поддержки исследований под руководством ведущих ученых и при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект 10-05-01083).

Литература

- Смышляев С.П., Галин В.Я., Зименко П.А., Кудрявцев А.П. Моделирование влияния изменений спектральных потоков солнечной радиации, вызванных солнечной активностью, на содержание атмосферного озона. // Метеорология и гидрология, 2005, № 8, с. 25-37.
- Смышляев С.П., Кароль И.Л., Зубов В.А., Юдин В.А., Геллер М.А. Двумерное моделирование сезонно-широтной изменчивости общего содержания атмосферного озона с использованием параметров крупномасштабного переноса из модели общей циркуляции атмосферы. // Изв. РАН. Физика атмосферы и океана, т. 38, № 1, 2002, с. 81-94.
- 3. *Филиппенко А.П., Смышляев С.П., Блакитная П.А.* Химические механизмы трансформации токсичных газов в атмосфере. // Ученые записки РГГМУ, 2010, № 15, с. 41-53.
- Brasseur G.P., Orlando J.J., Tyndal G.S. Atmospheric Chemistry and Global Change. // Oxford University Press, 1999. – 688 p.
- Dvortsov V.L., Zvenigorodsky S.G., Smyshlyaev S.P. On the use of Isaksen-Luther method of computing photodissociation rates in photochemical models. // J. Geophys. Res., 1992, vol. 97, no. D7, p. 7593-7601.
- 6. Jacob J.D. Introduction to atmospheric chemistry. // Princeton University Press, 1999. 264 pp.
- Kukkonen J., Balk T., Schultz D.M., Baklanov A., Klein T., Miranda A.I., Monteiro A., Hirtl M., Tarvainen V., Boy M., Sokhi R., Lehtinen K., Karatzas K., San José R., Astitha M., Kallos G., Schaap M., Reimer E., Jakobs H., Eben K. (2012) A review of operational, regional-scale, chemical weather forecasting models in Europe. Atmospheric chemistry and physics. 01/2012; 12(12):1-87;
- Prather, M.: Numerical advection by conservation of second-order moments, J. Geophys. Res., 91, 6671-6681, 1986.
- Seinfeld John H., Pandis Spyros N. Atmospheric Chemistry and Physics. From Air Pollution to Climate Change. // John Wiley and Sons, 1998. – 1203 pp.