# федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ГИДРОМЕТЕОРОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра метеорологических прогнозов

Рабочая программа по дисциплине

Линейная теория атмосферных волн

Основная профессиональная образовательная программа высшего образования программы бакалавриата по направлению подготовки

05.03.05 «Прикладная гидрометеорология»

Направленность (профиль): **Прикладная метеорология** 

Квалификация: Бакалавр

Форма обучения Очная/Заочная

Согласовано Руководитель ОПОП «Прикладная метеорология»

Волобуева О.В.

Утверждаю Председатель УМС *Лиший* И.И. Палкин

Рекомендована решением Учебно-методического совета 22 ОЯ 2020 г., протокол №

Рассмотрена и утверждена на заседании кафедры

\_29\_\_\_мая\_\_\_2020 г., протокол №\_14\_\_ Зав. кафедрой — Анискина О.Г.

Авторы-разработчики:

\_ Погорельцев А.И. \_\_\_\_\_\_\_ Ермакова Т.С.

Санкт-Петербург 2020

### Составили:

А.И. Погорельцев, д. ф.-м.н., профессор кафедры метеорологических прогнозов РГГМУ, Т.С. Ермакова, к.ф.-м.н., доцент кафедры метеорологических прогнозов РГГМУ.

© А.И.Погорельцев, Т.С.Ермакова, 2020 © РГГМУ, 2020.

### 1. Цели освоения дисциплины

Цель дисциплины «Линейная теория атмосферных волн» — формирование у студентов комплекса научных знаний о свойствах и характерных особенностях волновых процессов, протекающих в атмосфере Земли, а также о современных методах моделирования их генерации, распространения, диагностики и анализа.

Основная задача дисциплины связана с изучением и освоением студентами: основных уравнений и математического аппарата, используемых для описания и диагностики волновых движений; основных характеристик и классификацию атмосферных волн, их роли в формировании общей циркуляции и термической структуры атмосферы; методов анализа процессов генерации и распространения волновых возмущений.

### 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Линейная теория атмосферных волн» для направления подготовки 05.03.05 — Прикладная гидрометеорология по профилю подготовки «Прикладная метеорология» относится к дисциплинам по выбору обучающегося.

Для освоения данной дисциплины, обучающиеся должны освоить разделы дисциплин: «Математика», «Вычислительная математика», «Физика», «Механика жидкостей и газа», «Физика атмосферы», «Синоптическая метеорология», «Динамическая метеорология».

Параллельно с дисциплиной «Линейная теория атмосферных волн» изучаются такие дисциплины, как: «Численные методы математического моделирования», «Ассимиляция гидродинамических данных», «Тропическая метеорология».

Дисциплина «Линейная теория атмосферных волн» может быть использована при подготовке и написании выпускной квалификационной работы.

### 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

Код компетенции	Компетенция
компстенции	
ОК-3	Способность к эффективной коммуникации в устной и письменной
	формах, в том числе на иностранном языке
ОК-5	Способность к самообразованию, саморазвитию и самоконтролю,
	приобретению новых знаний, повышению своей квалификации.
ОПК-1	Способность представить современную картину мира на основе знаний
	основных положений, законов и методов естественных наук, физики и
	математики.
ОПК-3	Способность анализировать и интерпретировать данные натурных и
	лабораторных наблюдений, теоретических расчетов и моделирования.
ПК-3	Способность прогнозировать основные параметры атмосферы, океана и
	вод суши на основе проведенного анализа имеющейся информации.
ППК-1	Умение решать, реализовывать на практике и анализировать результаты
	решения гидрометеорологических задач

В результате освоения компетенций в рамках дисциплины «Линейная теория атмосферных волн» обучающийся должен:

#### Знать

различные формы записи уравнений гидротермодинамики и основы векторной алгебры; понятие адиабатического приближения и основные адиабатические инварианты (термодинамические - энтропия, потенциальная температура и динамический - потенциальный вихрь Эртеля); закон сохранения вихревого заряда (вихревой субстанции) Обухова; физическую и математическую постановки задачи о разделении атмосферных движений на среднюю (фоновую) (возмущения) составляющие; методы возмущений и комплексных амплитуд, правила осреднения нелинейных слагаемых с использованием метода комплексных амплитуд; линейную теорию атмосферных волн на примере внутренних гравитационных волн (ВГВ): фазовая и групповая скорости, дисперсионное соотношение, поляризационные соотношения, плотность волновой энергии, потоки волновой энергии, волновые потоки тепла и импульса, закон сохранения волнового действия; теорию собственных колебаний атмосферы (приливное уравнение Лапласа, уравнение вертикальной структуры, нормальные атмосферные моды), классификация глобальных атмосферных волн.

#### Уметь:

применять математический аппарат векторной алгебры и тензорного исчисления для получения уравнений и тождеств, используемых при выводе основных законов сохранения (законы сохранения энергии и вихревого заряда, уравнения Фридмана и Гельмгольца, теорема о потенциальном вихре Эртеля); использовать методы теории возмущений, комплексных амплитуд и правила осреднения нелинейных членов при получении уравнений, описывающих законы сохранения волновой энергии и волнового действия, взаимодействие волн со средним потоком; интерпретировать результаты, полученные при решении уравнения вертикальной структуры ВГВ с использованием метода возмущений (ВКБ) и/или с помощью численного моделирования.

#### Владеть:

методами векторной алгебры и тензорного анализа, методом комплексных амплитуд, методами математического анализа дифференциальных уравнений, методом возмущений (ВКБ решение задачи о вертикальной структуре волн в плавно меняющихся средах), методами численного решения граничных задач (суперпозиции и аналитической факторизации — прогонки) и методом построения функции Грина дифференциального оператора.

Кроме этого, бакалавр должен иметь представление об основных физических явлениях и волновых процессах, наблюдаемых в атмосфере Земли: проявление нелинейного взаимодействия планетарных волн со средним потоком (внезапные стратосферные потепления, стратосферные васцилляции, квази-двухлетнее колебание зонального потока в тропической стратосфере); ограничение амплитуды ВГВ за счет развития конвективной неустойчивости на высотах мезосферы и нижней термосферы, их воздействия на общую циркуляцию атмосферы на этих высотах; затухание атмосферных волн и их трансформация в температурные и вязкие волны на высотах термосферы за счет процессов молекулярной вязкости и теплопроводности, а также ионного трения.

Основные признаки освоения формируемых компетенций в результате изучения дисциплины «Линейная теория атмосферных волн» сведены в таблице.

### Соответствие уровней освоения компетенцией планируемым результатам обучения и критериям их оценивания

Этап	Планируемые		Критерии оценивания резуль	ьтатов обучения	
(уровень)	результаты обучения				
освоения	(показатели	2	3	4	5
компетенц	достижения заданного		минимальный	базовый	продвинутый
ии	уровня освоения				
	компетенций)				
Третий	Владеть:	Не владеет:	Слабо владеет:	Слабо владеет:	Свободно владеет:
этап	навыками анализа	навыками анализа	навыками анализа	навыками анализа	навыками анализа
(уровень)	атмосферных процессов с	атмосферных процессов с	атмосферных процессов с	атмосферных процессов с	атмосферных процессов с
ОПК-1	помощью уравнений	помощью уравнений	помощью уравнений гидро-	помощью уравнений	помощью уравнений гидро- и
	гидро- и термодинамики.	гидро- и термодинамики.	и термодинамики.	гидро- и термодинамики.	термодинамики.
	Уметь:	Не умеет:	Затрудняется:	Хорошо умеет:	Отлично умеет:
	- использовать основные	- использовать основные	- использовать основные	- использовать основные	- использовать основные
	законы физики и	законы физики и	законы физики и	законы физики и	законы физики и
	гидротермодинамики для	гидротермодинамики для	гидротермодинамики для	гидротермодинамики для	гидротермодинамики для
	описания динамики	описания динамики	описания динамики	описания динамики	описания динамики
	атмосферы;	атмосферы;	атмосферы;	атмосферы;	атмосферы;
	- создавать	- создавать	- создавать математические	- создавать	- создавать математические
	математические модели	математические модели	модели атмосферных	математические модели	модели атмосферных
	атмосферных процессов;	атмосферных процессов;	процессов;	атмосферных процессов;	процессов;
	- объяснять процессы	- объяснять процессы,	- объяснять процессы,	- объяснять процессы,	- объяснять процессы
	происходящие в различных	происходящие в различных	происходящие в различных	происходящие в различных	происходящие в различных
	слоях атмосферы	слоях атмосферы	слоях атмосферы	слоях атмосферы	слоях атмосферы (приземном
	(приземном, пограничном в	(приземном, пограничном и	(приземном, пограничном и	(приземном, пограничном и	пограничном и свободной
	свободной атмосфере)	свободной атмосфере) с	свободной атмосфере) с	свободной атмосфере) с	атмосфере) с помощью
	помощью полученных	помощью полученных уравнений.	помощью полученных уравнений.	помощью полученных уравнений.	полученных уравнений.
	уравнений.			· <del>-</del>	0
	Знать:	Не знает:	Плохо знает:	Хорошо знает:	Отлично знает:
	- основные законы,	- основные законы,	- основные законы,	- основные законы,	- основные законы,
	используемые при описании динамики	используемые при описании динамики	используемые при описании динамики атмосферы;	используемые при описании динамики	используемые при описании динамики атмосферы;
	атмосферы;	атмосферы;	- механизмы формирования	атмосферы;	- механизмы формирования
	- механизмы формирования	- механизмы формирования	широкого спектра	- механизмы	широкого спектра
	широкого спектра	широкого спектра	атмосферных процессов;	формирования широкого	атмосферных процессов;
	атмосферных процессов;	атмосферных процессов;	- особенности	спектра атмосферных	- особенности преобразования
	- особенности	- особенности	преобразования различных	процессов;	различных форм энергии в
	преобразования различных	преобразования различных	форм энергии в атмосфере.	- особенности	атмосфере.
	пресоразования разинчим	преобразования различных	форм эпертии в атмосферс.	:	аттосфоро.

	форм энергии в атмосфере.	форм энергии в атмосфере.		преобразования различных форм энергии в атмосфере.	
Второй этап (уровень) ОПК-3	Владеть: - анализом мезомасштабных явлений, - навыками работы с электронными базами данных	Не владеет: - анализом мезомасштабных явлений, - навыками работы с электронными базами данных	Недостаточно владеет: - анализом мезомасштабных явлений, - навыками работы с электронными базами данных	Хорошо владеет: - анализом мезомасштабных явлений, - навыками работы с электронными базами данных	Свободно владеет: - анализом мезомасштабных явлений, - навыками работы с электронными базами данных
	Уметь: грамотно обрабатывать и систематизировать имеющийся архивный материал и данные параметров атмосферы	Не умеет: обрабатывать и систематизировать имеющийся архивный материал и данные параметров атмосферы	Затрудняется: обрабатывать и систематизировать и меющийся архивный материал и данные параметров атмосферы	Умеет с помощью преподавателя: обрабатывать и систематизировать имеющийся архивный материал и данные параметров атмосферы	Умеет самостоятельно: грамотно обрабатывать и систематизировать имеющийся архивный материал и данные параметров атмосферы
	Знать: основные принципы численного и физико- статистического моделирования процессов атмосферы.	Не знает: основные принципы численного и физико- статистического моделирования процессов атмосферы.	Плохо знает: основные принципы численного и физико-статистического моделирования процессов атмосферы.	Хорошо знает: основные принципы численного и физикостатистического моделирования процессов атмосферы.	Отлично знает: основные принципы численного и физико- статистического моделирования процессов атмосферы.
Второй этап (уровень) ПК-3	Владеть: -методами статистической обработки и анализа данных наблюдений, используемыми в метеорологии; -навыками самостоятельной работы с научно-технической литературой; -навыками работы с базами гидрометеорологических данных.	Не владеет: -методами статистической обработки и анализа данных наблюдений, используемыми в метеорологии; -навыками самостоятельной работы с научно-технической литературой; -навыками работы с базами гидрометеорологических данных.	Слабо владеет: -методами статистической обработки и анализа данных наблюдений, используемыми в метеорологии; -навыками самостоятельной работы с научнотехнической литературой; -навыками работы с базами гидрометеорологических данных.	Хорошо владеет: -методами статистической обработки и анализа данных наблюдений, используемыми в метеорологии; -навыками самостоятельной работы с научно-технической литературой; -навыками работы с базами гидрометеорологических данных.	Уверенно владеет: -методами статистической обработки и анализа данных наблюдений, используемыми в метеорологии; -навыками самостоятельной работы с научно-технической литературой; -навыками работы с базами гидрометеорологических данных.
	Уметь: -выбирать оптимальные методы и средства решения поставленных задач;	Не умеет: -выбирать оптимальные методы и средства решения поставленных задач;	Затрудняется: -выбирать оптимальные методы и средства решения поставленных задач;	Умеет: -выбирать оптимальные методы и средства решения поставленных задач;	Умеет свободно: -выбирать оптимальные методы и средства решения поставленных задач;

| -правильно оформлять        |
|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| полученные результаты;      |
| -проводить сбор, обработку, |
| анализ и систематизацию     |
научно-технической		научно-технической	научно-технической	научно-технической
информации	информации	информации	информации	информации
Знать:	Не знает:	Плохо описывает:	Описывает с помощью	Свободно описывает:
-современное состояние и	-современное состояние и	-современное состояние и	преподавателя:	-современное состояние и
мировой уровень	мировой уровень	мировой уровень	-современное состояние и	мировой уровень
исследований в области	исследований в области	исследований в области	мировой уровень	исследований в области
моделирования;	моделирования;	моделирования;	исследований в области	моделирования;
-методику разработки	-методику разработки	-методику разработки	моделирования;	-методику разработки
программ проведения	программ проведения	программ проведения	-методику разработки	программ проведения
физических и	физических и	физических и	программ проведения	физических и
математических моделей	математических моделей	математических моделей	физических и	математических моделей
исследуемых	исследуемых	исследуемых	математических моделей	исследуемых
гидрометеорологических	гидрометеорологических	гидрометеорологических	исследуемых	гидрометеорологических
процессов, явлений и	процессов, явлений и	процессов, явлений и	гидрометеорологических	процессов, явлений и
объектов;	объектов;	объектов;	процессов, явлений и	объектов;
-главные международные	-главные международные	-главные международные	объектов;	-главные международные
журналы, публикующие	журналы, публикующие	журналы, публикующие	-главные международные	журналы, публикующие
результаты исследований	результаты исследований	результаты исследований в	журналы, публикующие	результаты исследований в
в области метеорологии и	в области метеорологии и	области метеорологии и	результаты исследований	области метеорологии и
климатологии, и всю	климатологии, и всю	климатологии, и всю	в области метеорологии и	климатологии, и всю
отечественную научную	отечественную научную	отечественную научную	климатологии, и всю	отечественную научную
периодику в данной	периодику в данной	периодику в данной	отечественную научную	периодику в данной области;
области;	области;	области;	периодику в данной	
			области;	

### 4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 часа.

Объём дисциплины	Всего	о часов
	Очная форма обучения 2020 гг. набора	Заочная форма обучения 2020 гг. набора
Общая трудоёмкость дисциплины	108	часа
Контактная работа обучающихся с преподавателям (по видам	42	12
аудиторных учебных занятий) –		
всего:		
в том числе:		
лекции	28	6
лабораторные занятия	14	6
Самостоятельная работа (СРС) – всего:	66	96
в том числе:		
курсовая работа	-	-
контрольная работа	-	+
Вид промежуточной аттестации (зачет/экзамен)	Экзамен	Экзамен

### 4.1. Структура дисциплины

Очное обучение 2020 гг. набора

№ п/п		тр	Виды учебной работы, в т.ч. самостоятельная работа студентов, час.			Формы	ктивной гивной час.	емые нции
	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Лекции	Семинары Лаборат. Практика	Самост. работа	текущего контроля успеваемости	Занятия в активной и интерактивной форме, час.	Формируемые компетенции
1	Особенности гидродинамики геофизических течений, тождества векторной алгебры.	8	2	0	6	Вопросы на лекции	0	OK-2 OK-3 OK-5
2	Уравнения гидротермодинамики.	8	2	2	6	Вопросы на лекции	0	ОК-2 ОПК-1
3	Энергетика атмосферных движений.	8	2	0	6	Вопросы на лекции	2	ОК-5 ОПК-1 ОПК-3
4	Уравнения Фридмана и Гельмгольца.	8	2	0	6	Вопросы на лекции	2	ОК-5 ОПК-1 ОПК-3
5	Потенциальный вихрь Эртеля, закон сохранение вихревого заряда.	8	2	2	6	Вопросы на лекции	2	ОК-5 ОПК-1 ОПК-3

	,F/GF			, ,		108	часа	
	<b>ИТОГО:</b> С учетом трудозатрат при подго	OTOR	<b>28</b> ке и	14 слаче экзаг	<b>66</b> иена		22	1
11	Линейная теория глобальных атмосферных волн, приливное уравнение Лапласа, классификация, нормальные атмосферные моды.	8	4	2	6	Вопросы на лекции	3	ОК-5 ОПК-3 ППК-1
10	Получение решения о вертикальной структуре ВГВ с помощью численного моделирования, учет молекулярной вязкости и теплопроводности.	8	4	2	6	Вопросы на лекции	4	ОК-5 ОПК-3 ППК-1
9	Уравнение баланса волновой энергии для ВГВ, закон сохранения волнового действия.	8	2	2	6	Вопросы на лекции	4	ОК-5 ОПК-3 ППК-1
8	Применение метода возмущений для нахождения решения о вертикальной структуры ВГВ в плавно меняющейся среде (ВКБ решение).	8	2	0	6	Вопросы на лекции	4	ОК-5 ОПК-3 ПК-3 ППК-1
7	Уравнение вертикальной структуры ВГВ, дисперсионное соотношение, групповая скорость, поляризационные соотношения.	8	4	2	6	Вопросы на лекции	3	ОПК-3 ПК-3 ППК-1
6	Теория возмущений и метод комплексных амплитуд.	8	2	2	6	Вопросы на лекции	2	ОК-5 ОПК-3

### Заочное обучение 2020 гг. набора

№ п/п		30	в т.	ы учебной ч. самосто ота студент	ятельная	Формы текущего	активной ктивной , час.	/емые нции
	Раздел и тема дисциплины	Kypc	Лекции	Семинары Лаборат. Практика	Самост. работа	контроля успеваемости	Занятия в активно и интерактивной форме, час.	Формируемые компетенции
	Особенности гидродинамики геофизических течений, тождества векторной алгебры. Уравнения гидротермодинамики. Энергетика атмосферных движений.	5	0	4	50	Собеседование	0	ОК-2 ОК-3 ОК-5 ОПК-1 ОПК-3 ОПК-5

С учетом трудозатрат при подго			ке и	сдачи экз	амена	108	часов	
	итого:		6	6	96		1	
	атмосферные моды.							
	классификация, нормальные							
	уравнение Лапласа,							
	атмосферных волн, приливное							
	Линейная теория глобальных						1	
	теплопроводности.							
	моделирования, учет молекулярной вязкости и							
	помощью численного							
	вертикальной структуре ВГВ с							
	Получение решения о							
	действия.							
	сохранения волнового						1	
	энергии для ВГВ, закон							
	Уравнение баланса волновой							
	решение).							
	меняющейся среде (ВКБ							
	структуры ВГВ в плавно							
	решения о вертикальной							
	возмущений для нахождения							
	соотношения. Применение метода							
	поляризационные							OK-5
	групповая скорость,							ППК-1
2	дисперсионное соотношение,	5	6	2	46		1	ПК-3
	структуры ВГВ,							ОПК-3
	Уравнение вертикальной					Собеседование		
	комплексных амплитуд.							
	Теория возмущений и метод							
	заряда.							
	Потенциальный вихрь Эртеля, закон сохранение вихревого							
	Гельмгольца.							
	Уравнения Фридмана и							

### 4.2. Содержание разделов дисциплины

### 4.2.1 Особенности гидродинамики геофизических течений, тождества векторной алгебры

Стратифицированная среда, энтропия и потенциальная температура, статическая стабильность, конвективная неустойчивость, гравитационные волны, баротропность и бароклинность, вращение, сила Кориолиса, волны Россби, сила Лоренца.

Векторы и действия над ними, скалярное и векторное произведения, линейное преобразование, понятие тензора, скалярное поле и градиент, векторное поле и силовые линии, потенциальные векторные поля, понятия циркуляции, дивергенции и вихря, теоремы Остроградского-Гаусса и Стокса, соотношения векторной алгебры.

### 4.2.2 Уравнения гидротермодинамики

Гидродинамическая группа. Уравнение движения в форме Эйлера, массовые и объемные силы, потенциальные и инерционные силы, сила тяжести и Кориолиса, «примитивные» уравнения, гидростатическое и геострофическое приближения, сила внутреннего трения (вязкости) и сила Лоренца, тензор вязких напряжений, закон Ома для ионосферной плазмы, проводимости Педерсена и Холла, ионное трение, магнитное закручивание. Уравнение неразрывности, понятия несжимаемости и соленоидальности.

Термодинамическая группа. Уравнение притока тепла, энтропия и потенциальная температура, теплопроводность, неадиабатические притоки тепла, нагрев за счет диссипации механической энергии, адиабатическое приближение. Уравнение состояния идеального газа Менделеева-Клапейрона.

### 4.2.3 Энергетика атмосферных движений

Уравнение баланса механической энергии, обусловленный вязкостью поток механической энергии, тензор сухого (ионного) трения, потери механической энергии за счет вязкой диссипации и трения.

Уравнение баланса внутренней энергии, притоки тепла за счет диссипации механической энергии и теплопроводности, изменение внутренней энергии за счет работы, затрачиваемой на расширение или сжатие, переходы механической энергии во внутреннюю и обратно.

Уравнения баланса полной, потенциальной и кинетической энергии, адиабатические процессы взаимного преобразования кинетической и потенциальной энергии.

### 4.2.4 Уравнения Фридмана и Гельмгольца

Функция Экслера, удельная энтальпия, уравнение движения в форме Громеки-Лэмба, функция Бернулли, уравнение трансформации вихря скорости (Фридмана), гельмгольциан, «укороченный» гельмгольциан, уравнение Гельмгольца, понятие «вмороженности» векторного поля в движущуюся жидкость. Тождество, описывающее изменение со временем скалярного произведения произвольного вектора на градиент произвольной скалярной функции, отнесенного к плотности жидкости.

### 4.2.5 Потенциальный вихрь Эртеля, сохранение вихревого заряда

Общий вид уравнения баланса скалярной и/или векторной величины, понятие консервативной величины, гидродинамические или лагранжевы инварианты, адиабатическое приближение, инварианты адиабатического движения, формулировка и доказательство теоремы Эртеля на основе полученного в предыдущем разделе тождества,

потенциальный вихрь Эртеля, уравнение трансформации потенциального вихря Эртеля при наличии потенциальных сил или нарушении условия адиабатичности.

Закон сохранения вихревого заряда или «потенциальной вихревой субстанции» Обухова, получение приближенного выражения для потенциального вихря Эртеля в сферической системе координат.

#### 4.2.6 Метод комплексных амплитуд

Гармонические (монохроматические) колебания и плоские волны, временной и пространственный профиль волны, волновое число, круговая частота и фазовая скорость, длина волны и период, амплитуда, полная и начальная фазы волны, волновое уравнение.

Комплексная амплитуда гармонической волны, формула Эйлера, волновое уравнение Гельмгольца, правила осреднения нелинейных по амплитуде волны выражений, использование метода комплексных амплитуд при рассмотрении нелинейных функций.

### 4.2.7 Уравнение вертикальной структуры ВГВ

Вывод уравнения вертикальной структуры ВГВ. Сведение уравнения вертикальной структуры к нормальному виду. Фундаментальные решения. Внутренние и внешние волны. Классификация волн на основе дисперсионного соотношения, влияние сдвига допплера на вертикальную структуру ВГВ, определение групповой скорости волны на основе дисперсионного соотношений.

### 4.2.8 Применение метода возмущений для нахождения решения о вертикальной структуры ВГВ

Понятие плавно меняющейся среды, введение малого безразмерного параметра, принцип работы метода возмущений. Построение ВКБ решения, его интерпретация.

### 4.2.9 Уравнение баланса волновой энергии для ВГВ, закон сохранения волнового действия

Уравнения баланса кинетической, упругой и термобарической энергии возмущений, взаимное превращение различных составляющих волновой энергии, волновой поток энергии, выбор знака перед вертикальным волновым числом на основе энергетических соображений (знака потока волновой энергии), понятие групповой скорости, разность знаков вертикальных составляющих фазовой и групповой скоростей. Вывод закона сохранения волнового действия в среде со сдвигом фонового ветра.

### 4.2.10 Получение решения о вертикальной структуре ВГВ с помощью численного моделирования

Знакомство с методами решения граничных задач: метод аналитической факторизации (прогонки) и метод построения функции Грина). Освоение программы расчета вертикальной структуры ВГВ для простейшего случая изотермической безветренной атмосферы. Знакомство с программой расчетов вертикальной структуры ВГВ при учете фонового ветра и процессов молекулярной теплопроводности и вязкости.

### 4.2.11 Линейная теория глобальных атмосферных волн, классификация, нормальные атмосферные моды

Приливный оператор Лапласа, функции Хафа, параметр Лэмба и эквивалентная глубина, атмосферные моды, классификация глобальных атмосферных волн на основе

дисперсионных кривых, гравитационные и инерционные моды, волны Кельвина и Янаи. Уравнение вертикальной структуры, вынужденные и свободные решения, внутренние и внешние волны, собственные колебания атмосферы, нормальные атмосферные моды, волны Лэмба, нижнее граничное условие в геометрической и лог-изобарической системах координат.

### 4.3. Семинарские, практические, лабораторные занятия, их содержание

№ п/п	№ раздела дисциплины	Наименование занятий	Форма проведения	Формируемые компетенции
1	1	Скалярные и векторные поля, дифференциальные характеристики полей.	Практическая работа	OK-2, OK-3 OK-5
2	2	Динамическая группа уравнений. Сила внутреннего трения и сила Лоренца.	Практическая работа	ОК-5 ОПК-1
3	2	Вязкая диссипация механической энергии, тензор вязких напряжений.	Практическая работа	ОК-5 ОПК-1
4	3	Вывод уравнений баланса различных составляющих энергии.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1
5	4	Уравнение Фридмана, гельмольциан, уравнение Гельмгольца.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1
6	5	Теорема сохранения потенциального вихря Эртеля. полученная на основании тождества для оператора Гельмгольца.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-3 ППК-1
7	6	Комплексное число, понятие комплексной амплитуды, правила осреднения нелинейных слагаемых.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-3 ППК-1
8	9	Вывод уравнения баланса волновой энергии для ВГВ. Закон сохранения волнового действия.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1 ППК-1
9	7, 8	Вывод уравнения вертикальной структуры ВГВ, ВКБ решение.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1 ППК-1
10	10	Освоение программы расчета вертикальной структуры ВГВ методом аналитической факторизации.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1 ППК-1
11	11	Знакомство с программой расчеты собственных значений приливного оператора Лапласа и функций Хафа.	Практическая работа	ОК-5, ОПК-1 ППК-1

5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов и оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

### 5.1. Текущий контроль

### Вопросы для собеседования:

1. В чем заключаются особенности геофизической гидродинамики?

Отформатированная таблица

- 2. Какие типы волн существуют в атмосфере Земли?
- 3. К каким эффектам приводит учет силы Лоренца в уравнении движения нейтрального газа?
- 4. Какие преимущества использование лог-изобарической системы координат?
- 5. При рассмотрении каких задач можно использовать адиабатическое приближение?
- 6. К каким эффектам приводит учет вязкости и теплопроводности?
- 7. Формулировка теоремы сохранения потенциального вихря Эртеля?
- 8. Какие типы глобальных атмосферных волн известны?
- 9. Что описывает приливный оператор Лапласа?
- 10. Что такое собственные колебания атмосферы?
- 11. Как можно классифицировать волновые возмущения на основе анализа уравнения вертикальной структуры?
- 12. Что характеризуют фазовая и групповая скорости?
- Дать определения дисперсионного соотношения и поляризационных соотношений для ВГВ.
- 14. Какие типы волновой энергии существуют?

#### 5.2. Методические указания по организации самостоятельной работы

В течение семестра студент обязан самостоятельно прорабатывать материал, изложенный на лекциях, для чего рекомендуется использовать сделанные на лекциях конспекты, изучить основную и дополнительную литературу, презентации лекций и практических работ. Освоение материалом и выполнение практических работ проходит при регулярных, по возможности, консультациях с преподавателем, для чего студенту предоставлена возможность использовать удаленный доступ (Интернет).

### 5.3. Промежуточный контроль: экзамен

### Перечень вопросов к экзамену:

- 1. Особенности гидродинамики природных течений жидкости (стратификация, вращение, бароклинность, сила Лоренца).
- 2. Классификация атмосферных волн (планетарные волны, атмосферные приливы, внутренние гравитационные и акустические волны). Собственные колебания атмосферы (нормальные моды).
- 3. Векторы и действия над ними, скалярное и векторное произведения. Линейное преобразование, понятие тензора. Скалярное поле и градиент.
- 4. Сила внутреннего трения и сила Лоренца (к каким эффектам приводит учет вязкости и электромагнитной силы).
- 5. Векторное поле, понятия циркуляции, дивергенции и вихря, теоремы Остроградского-Гаусса и Стокса, соотношения векторной алгебры.
- 6. Переходы механической энергии во внутреннюю и обратно. Уравнения баланса полной, потенциальной и кинетической энергии.
- 7. Уравнения динамической группы. Приближенные («примитивные») уравнения (какие приближения сделаны). Лог-изобарическая система координат (в чем преимущества).
- 8. Линейная теория глобальных атмосферных волн. Приливное уравнение Лапласа.
- 9. Уравнения термодинамической группы. Понятие потенциальной температуры, связь с энтропией.
- 10. Эквивалентная глубина и параметр Лэмба. Уравнение вертикальной структуры, внутренние и внешние волны.
- 11. Уравнение механической энергии. Уравнение внутренней энергии.

- 12. Классификация глобальных атмосферных волн на основе дисперсионных кривых (зависимости собственных значений приливного оператора Лапласа от частоты).
- 13. Уравнения Фридмана и Гельмгольца.
- 14. Гармонические колебания и волны (основные понятия).
- 15. Тождество, описывающее изменение со временем скалярного произведения произвольного вектора на градиент произвольной скалярной функции, отнесенного к плотности жидкости.
- 16. Волновое уравнение. Фазовая и групповая скорости.
- 17. Сохранение потенциального вихря Эртеля (вывод на основе тождества, содержащего оператор Гельмгольца).
- 18. Уравнение сохранения энергии в лог-изобарической системе. Энтальпия, доступная потенциальная энергия.
- 19. Теорема о сохранении вихревого заряда в сжимаемой жидкости (альтернативный вывод теоремы Эртеля).
- 20. Метод комплексных амплитуд. Правила осреднения нелинейных (квадратичных) по амплитуде волны слагаемых.
- 21. Возмущения среднезонального состояния атмосферы. Вихревые потоки тепла и импульса.
- 22. ВКБ решение для распространения ВГВ в плавно изменяющейся среде (коротковолновое приближение).
- 23. Лагранжевы инварианты. Адиабатическое приближение.
- 24. Уравнение вертикальной структуры для внутренних гравитационных волн (ВГВ).
- 25. Понятие установившейся волны, линеаризация уравнений для возмущений среднезонального состояния.
- 26. Метод аналитической факторизации (реализация для решения уравнения вертикальной структуры ВГВ).
- 27. Уравнение баланса волновой энергии ВГВ, определение групповой скорости на основе энергетических соотношений.
- 28. Метод решения граничных задач путем построения функции Грина.
- 29. Дисперсионное и поляризационные соотношения для ВГВ. Определение групповой скорости на основе дисперсионного соотношения.
- 30. Построение функции Грина для уравнения вертикальной структуры ВГВ.
- 31. Функции Хафа, параметр Лэмба и эквивалентная глубина, атмосферные моды.
- 32. Закон сохранения волнового действия для внутренних гравитационных волн.
- 33. Функция Экслера, удельная энтальпия, уравнение движения в форме Громеки-Лэмба, функция Бернулли.
- 34. Решение граничных задач методом аналитической факторизации (прогонки).

#### Образцы билетов к экзамену:

Экзаменационный билет № 5
Российский Государственный Гидрометеорологический Университет
Кафедра <u>Метеорологических прогнозов</u>
Курс <u>Линейная теория атмосферных волн</u>

- 1. Уравнения термодинамической группы. Понятие потенциальной температуры, связь с энтропией.
- 2. Эквивалентная глубина и параметр Лэмба. Уравнение вертикальной структуры, внутренние и внешние волны.

Zap	кафедрой	О.Г.Анискина
эав.	кафедрои	Ол Анискина

### Экзаменационный билет № 13 Российский Государственный Гидрометеорологический Университет Кафедра <u>Метеорологических прогнозов</u> Курс <u>Линейная теория атмосферных волн</u>

- 1. Понятие установившейся волны, линеаризация уравнений для возмущений среднезонального состояния.
- 2. Метод аналитической факторизации (реализация для решения уравнения вертикальной структуры ВГВ).

Зав. кафедрой	О.Г.Анискина

### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### а) основная литература:

- 1. Переведенцев, Ю. П. Теория общей циркуляции атмосферы [Текст] : учебное пособие / Ю. П. Переведенцев, И. И. Мохов, А. В. Елисеев. Казань: Казан. гос. ун-т, 2013. 223 с.
- 2. Швед Г. М. Введение в динамику и энергетику атмосферы: учеб. пособие. СПб.: Изд-во С.-Петерб. ун-та, 2020. 396 с.

### б) дополнительная литература:

- 1. Госсард Э.Э., Хук У.Х. Волны в атмосфере.- М.: Мир. 1978, 532 с. <a href="http://hə6.ph/catalog/000199\_000009\_008690790">http://hə6.ph/catalog/000199\_000009\_008690790</a>
- Бидлингмайер Е.Р., Ивановский А.И., Погорельцев А.И. Формирование вертикальной структуры акустико-гравитационных волн процессами молекулярной вязкости и теплопроводности//Изв. АН СССР, Физика атмосферы и океана, 1990, Т. 26, № 7, С. 682-692.
- 3. Бидлингмайер Е.Р., Погорельцев А.И. Численное моделирование трансформации акустико-гравитационных волн в температурные и вязкие волны в атмосфере//Изв. РАН, Физика атмосферы и океана, 1992, Т. 28, № 1, С. 64-74.
- 4. Бэтчелор Дж. Введение в динамику жидкости.- М.: Мир, 1973.
- 5. Дикий Л.А. Теория колебаний земной атмосферы.- Л.: Гидрометеоиздат. 1969. 196 с.
- 6. Динамика погоды (под редакцией С. Манабе).- Л.: Гидрометеоиздат. 1988. 424 с.
- 7. Динамика климата (под редакцией С. Манабе).- Л.: Гидрометеоиздат. 1988. 424 с.
- 8. Кочин Н.Е. Векторное исчисление и начало тензорного исчисления, изд. АН СССР, 1961.
- 9. Кочин Н.Е., Кибель И.А., Розе Н.В. Теоретическая гидромеханика. Ч. I, II.-М.: Физматгиз. 1963. 584 с.
- 10. Крупномасштабные динамические процессы в атмосфере (под редакцией Б. Хоскинса и Р. Пирса).- М.: Мир. 1988. 432 с.
- 11. Курганский М.В. Введение в крупномасштабную динамику атмосферы (адиабатические инварианты и их применение).- Санкт-Петербург: Гидрометеоиздат. 1993. 168 с.
- 12. Монин А.С. Теоретические основы геофизической гидродинамики.- Л.: Гидрометеоиздат. 1988. 424 с.
- 13. На Ц. Вычислительные методы решения прикладных граничных задач.- М.: Мир. 1982. 296 с.

- 14. Обухов А.М. Турбулентность и динамика атмосферы.- Л.: Гидрометеоиздат. 1988. 414 с.
- 15. Педлоски Дж. Геофизическая гидродинамика.- Т. 1,2.- М.: Мир. 1984. 816 с.
- 16. Погорельцев А.И., Перцев Н.Н. Влияние фонового ветра на формирование структуры акустико-гравитационных волн в термосфере// Изв. РАН, Физика атмосферы и океана, 1995, Т. 31, № 6, С. 755-760.
- 17. Форсайт Дж., Малькольм М., Моулер К. Машинные методы математических вычислений.- М.: Мир. 1980. 280 с.
- 18. Холтон Дж.Р. Динамическая метеорология стратосферы и мезосферы.- Л.: Гидрометеоиздат. 1979. 224 с.
- B.J. Hoskins & I.N. James Fluid dynamics of the midlatitude atmosphere.-John Wiley & Sons, Ltd. 2014. P. 432.

### в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

- 1. Электронный ресурс. Данные ре-анализов NASA: <a href="http://gmao.gsfc.nasa.gov/research/merra/">http://gmao.gsfc.nasa.gov/research/merra/</a>
- Электронный ресурс. Данные ре-анализов http://gmao.gsfc.nasa.gov/products/documents/MERRA\_File\_Specification.pdf
- 3. Электронный ресурс. Данные ре-анализов UK MET OFFICE\_ http://badc.nerc.ac.uk/browse/badc/ukmo-assim
- 4. Электронный ресурс. Данные ре-анализов UK MET OFFICE <a href="http://badc.nerc.ac.uk/help/software/xconv/ind">http://badc.nerc.ac.uk/help/software/xconv/ind</a>

### 7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Вид учебных занятий	Организация деятельности студента	
Лекции (темы №1-11)	Написание конспекта лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины.  Проверка терминов, понятий, технических характеристик с помощью интернет ресурсов с выписыванием толкований в тетрадь.  Обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе.  Если самостоятельно не удается разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на лекции, на консультации, или с использованием удаленного доступа через	
Практические занятия (темы №1-11)	Интернет Проработка рабочей программы, уделяя особое внимание целям и задачам структуре и содержанию дисциплины. Конспектирование источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы и работа с текстом. Решение тестовых заданий, решение задач и другие виды работ.	
Подготовка к экзамену	При подготовке к экзамену необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу, вопросы для подготовки к экзамену и т.д.	

## 8. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Тема	Образовательные и	Перечень программного обеспечения и
(раздел)	информационные технологии	информационных справочных систем
дисциплины		
Темы 1 -11	информационные технологии	1. Пакет PowerPoint.
	1. чтение лекций с	2. Электронно-библиотечная система
	использованием слайд-	ГидроМетеоОнлайн <a href="http://elib.rshu.ru">http://elib.rshu.ru</a>
	презентаций,	3. Использование сайта кафедры
	2. организация	метеорологических прогнозов:_
	взаимодействия с	http://ra.rshu.ru/mps/dwnl/apogor/Динамика
	обучающимися посредством	4. Использование сайта лаборатории
	электронной почты	моделирования средней и верхней
	3. работа с данными ре-	атмосферы: <a href="http://ra.rshu.ru">http://ra.rshu.ru</a>
	анализа	5. Данные ре-анализов NASA:
	образовательные технологии	http://gmao.gsfc.nasa.gov/research/merra/
	1. интерактивное	6. Данные ре-анализов NASA:_
	взаимодействие педагога и	http://gmao.gsfc.nasa.gov/products/documents/
	студента	MERRA_File_Specification.pdf
	2. сочетание индивидуального	7. Данные ре-анализов UK MET OFFICE_
	и коллективного обучения	http://badc.nerc.ac.uk/browse/badc/ukmo-assim
		8. Данные ре-анализов UK MET OFFICE
		http://badc.nerc.ac.uk/help/software/xconv/ind

### 9. Материально-техническое обеспечение дисциплины

- 1. **Учебная аудитории** для проведения занятий лекционного типа укомплектована специализированной (учебной) мебелью, набором демонстрационного оборудования и учебно-наглядными пособиями, обеспечивающими тематические иллюстрации, соответствующие рабочим учебным программам дисциплин (модулей).
- 2. Учебная аудитории для проведения занятий семинарского типа укомплектована специализированной (учебной) мебелью, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации, оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечено доступом в электронную информационно-образовательную среду организации
- 3. Учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций укомплектована специализированной (учебной) мебелью, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации.
- 4. Учебная аудитория для текущего контроля и промежуточной аттестации укомплектована специализированной (учебной) мебелью, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации.
- 5. Помещение для самостоятельной работы укомплектовано специализированной (учебной) мебелью, оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечено доступом в электронную информационно-образовательную среду организации.

### 10. Особенности освоения дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Обучение обучающихся с ограниченными возможностями здоровья при необходимости осуществляется на основе адаптированной рабочей программы с использованием специальных методов обучения и дидактических материалов, составленных с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся (обучающегося).

При определении формы проведения занятий с обучающимся-инвалидом учитываются рекомендации, содержащиеся в индивидуальной программе реабилитации инвалида, относительно рекомендованных условий и видов труда.

При необходимости для обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья создаются специальные рабочие места с учетом нарушенных функций и ограничений жизнедеятельности.